

MATEMÁTICAS CCSS I – EXAMEN DE PENDIENTES FINAL-EXTRAORDINARIO

Notas importantes:

- Todas las respuestas deberán estar debidamente justificadas.
- Con este examen se adjunta la tabla de la distribución normal (ver más abajo).

Problema 1 (2 puntos - A/ 1 punto B/ 1 punto)

Resolver las siguientes ecuaciones:

A. $\sqrt{x} + 2 = x$

B. $2e^{-x} - 1 = 0$

Problema 2 (3 puntos - A/ 0.5 puntos B/ 1 punto C/ 1 punto D/ 0.5 puntos)

Consideremos la función $f(x) = \begin{cases} 1 - x^2 & \text{si } x \leq 0 \\ \frac{2x+1}{x} & \text{si } x > 0 \end{cases}$.

- A. Obtener los puntos de corte de la gráfica de la función con los ejes de coordenadas.
- B. Calcular el valor de los siguientes límites: B1. $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ B2. $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$.
¿Es la función $f(x)$ continua en el punto $x = 0$? Razonar la respuesta.
- C. Calcular el valor de los siguientes límites: C1. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ C2. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
- D. Dibujar la gráfica de la función.

Problema 3 (3 puntos - A/ 1 punto B/ 1 punto C/ 1 punto)

Obtener la función derivada de las siguientes funciones:

A. $f(x) = \ln(x^2 + 1)$

B. $g(x) = \frac{3x - 2}{x + 4}$

C. $h(x) = 2(1 + 4x)^{1/2} - x$

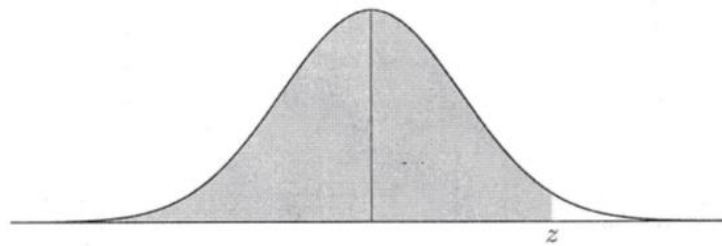
Problema 4 (2 puntos - A/ 1.5 puntos B/ 0.5 puntos)

Las estaturas de los 600 estudiantes de un colegio vienen dadas por una distribución normal con media igual a 148 cm y desviación típica igual a 12 cm.

- A. ¿Cuál es la probabilidad de que un estudiante no alcance los 160 cm?
- B. ¿Cuántos estudiantes se espera que no alcancen los 160 cm?

TABLA DE LA DISTRIBUCIÓN NORMAL

DISTRIBUCIÓN NORMAL



Ejemplo: si Z tiene distribución $N(0, 1)$, $P(Z < 0,45) = 0,6736$.

z	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7704	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
1,0	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
1,3	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
1,4	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
1,5	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
1,6	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
1,7	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
1,8	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
1,9	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
2,0	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817
2,1	0,9821	0,9826	0,9830	0,9834	0,9838	0,9842	0,9846	0,9850	0,9854	0,9857
2,2	0,9861	0,9864	0,9868	0,9871	0,9875	0,9878	0,9881	0,9884	0,9887	0,9890
2,3	0,9893	0,9896	0,9898	0,9901	0,9904	0,9906	0,9909	0,9911	0,9913	0,9916
2,4	0,9918	0,9920	0,9922	0,9925	0,9927	0,9929	0,9931	0,9932	0,9934	0,9936
2,5	0,9938	0,9940	0,9941	0,9943	0,9945	0,9946	0,9948	0,9949	0,9951	0,9952
2,6	0,9953	0,9955	0,9956	0,9957	0,9959	0,9960	0,9961	0,9962	0,9963	0,9964
2,7	0,9965	0,9966	0,9967	0,9968	0,9969	0,9970	0,9971	0,9972	0,9973	0,9974
2,8	0,9974	0,9975	0,9976	0,9977	0,9977	0,9978	0,9979	0,9979	0,9980	0,9981
2,9	0,9981	0,9982	0,9982	0,9983	0,9984	0,9984	0,9985	0,9985	0,9986	0,9986
3,0	0,9987	0,9987	0,9987	0,9988	0,9988	0,9989	0,9989	0,9989	0,9990	0,9990